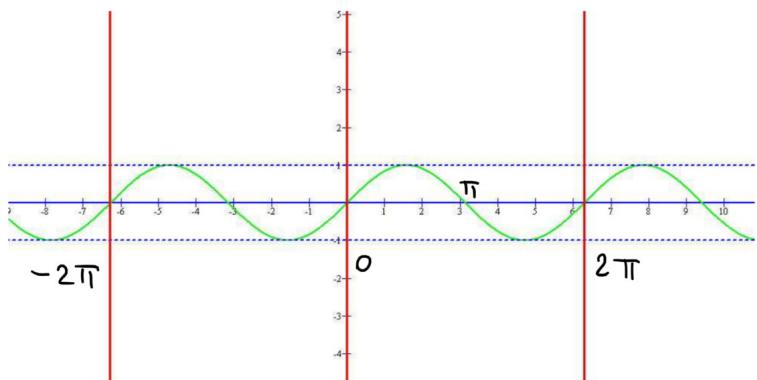


Grafici di funzioni goniometriche

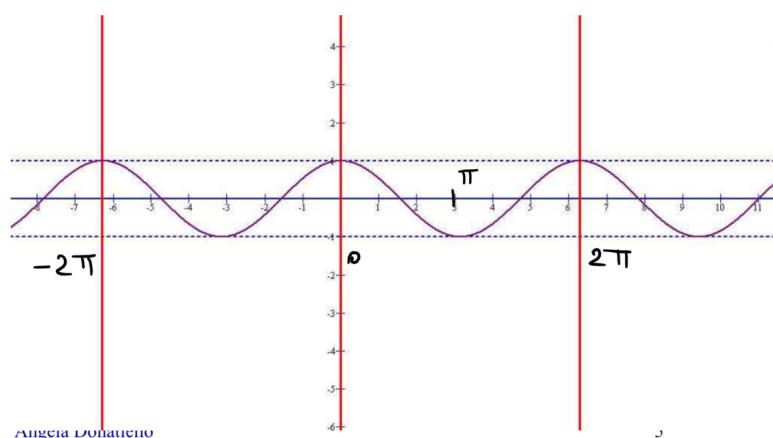
$y = \sin x$

- ✓ $D = \mathbb{R}$
- ✓ $C = [-1; 1]$
- ✓ Periodica $T = 2\pi$
- ✓ Funzione dispari
 $\sin(-x) = -\sin(x)$
- ✓ Funzione non iniettiva



$y = \cos x$

- ✓ $D = \mathbb{R}$
- ✓ $C = [-1; 1]$
- ✓ Periodica $T = 2\pi$
- ✓ Funzione pari
 $\cos(-x) = \cos(x)$
- ✓ Funzione non iniettiva

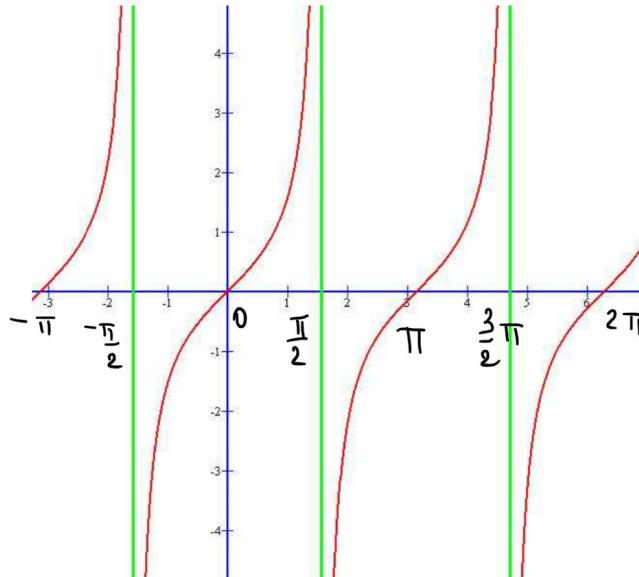


$y = \tan x$

- ✓ Periodica di periodo $k\pi$ (dim.)
- ✓ $D =$

$$\mathbb{R} - \left\{ \frac{\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$$

- ✓ $C = \mathbb{R}$
- ✓ Asintoti: $x = \frac{\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z}$
- ✓ Funzione monotona crescente in senso stretto in un periodo, ma non invertibile
- ✓ Funzione dispari
 $\tan(-x) = -\tan(x)$



DATA LA FUNZIONE

$$y = \sin(\omega x) \circ y = \cos(\omega x)$$

IL PERIODO

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$

INVECE DATA LA FUNZIONE

$$y = \operatorname{Tg}(\omega x) \circ y = \operatorname{Ctg}(\omega x)$$

IL PERIODO È

$$T = \frac{\pi}{\omega}$$

PER ESE. SE HO $y = \sin 2x$ IL PERIODO È

$$T = \frac{2\pi}{2} = \pi \text{ QUINDI SI DIMEZZA}$$

MENTRE SE HO $y = \sin \frac{1}{2}x$ IL PERIODO È

$$T = \frac{2\pi}{\frac{1}{2}} = 4\pi \text{ QUINDI SI RADDOOPPIA.}$$

Funzione	Periodo
$\sin x, \cos x$	2π
$\sin(kx + \alpha), \cos(kx + \alpha)$	$\frac{2\pi}{k}$
$\tan x, \cot x$	π
$\tan(kx + \alpha), \cot(kx + \alpha)$	$\frac{\pi}{k}$