

1	1	1	1	...	1	1	1	$n \cdot 1$	$((n+1) - 1) \cdot 1$	$(n+1) \cdot 1 - 1^2$
	2	2	2	...	2	2	2	$(n-1) \cdot 2$	$((n+1) - 2) \cdot 2$	$(n+1) \cdot 2 - 2^2$
		3	3	...	3	3	3	$(n-2) \cdot 3$	$((n+1) - 3) \cdot 3$	$(n+1) \cdot 3 - 3^2$
			4	...	4	4	4	$(n-3) \cdot 4$	$((n+1) - 4) \cdot 4$	$(n+1) \cdot 4 - 4^2$
				⋮				⋮	⋮	⋮
					$n-2$	$n-2$	$n-2$	$3 \cdot (n-2)$	$((n+1) - (n-2)) \cdot (n-2)$	$(n+1) \cdot (n-2) - (n-2)^2$
						$n-1$	$n-1$	$2 \cdot (n-1)$	$((n+1) - (n-1)) \cdot (n-1)$	$(n+1) \cdot (n-1) - (n-1)^2$
						$n$	$n$	$1 \cdot n$	$((n+1) - n) \cdot n$	$(n+1) \cdot n - n^2$
1	3	6	10	...	$\frac{(n-2)(n-1)}{2}$	$\frac{(n-1)n}{2}$	$\frac{n(n+1)}{2}$			

A keresett összeg:

$$\begin{aligned}
 S_n &= (n+1) \cdot (1 + 2 + 3 + \dots + n) - (1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2) = (n+1) \frac{n(n+1)}{2} - \frac{n(n+1)(2n+1)}{6} = \\
 &= \frac{n(n+1)}{2} \left( n+1 - \frac{2n+1}{3} \right) = \frac{n(n+1)}{2} \cdot \frac{3n+3-2n-1}{3} = \frac{n(n+1)(n+2)}{6}
 \end{aligned}$$