

FUNCIÓN CUADRÁTICA

En la figura **fig. Func_01** se muestra la gráfica de tres funciones cuadráticas, $f(x)$, $g(x)$, $h(x)$.

Concavidad: El signo de a (coeficiente de x^2) determina el tipo de concavidad, es decir, hacia donde abren las ramas de la parábola.

Si $a > 0$, la parábola es cóncava hacia arriba. En la figura, las funciones $f(x)$ y $h(x)$.

Si $a < 0$, la parábola es cóncava hacia abajo. En la figura, la función $g(x)$.

Punto máximo o mínimo de la función: Corresponde al vértice de la parábola. En la figura son los puntos A, E y H, respectivamente.

Punto máximo o mínimo = $\left(-\frac{b}{2a}, f\left(-\frac{b}{2a}\right)\right)$. La abcisa del punto máximo o mínimo es $x = -\frac{b}{2a}$ mientras que la ordenada es $y = f\left(-\frac{b}{2a}\right)$.

Cuando se estudia la parábola como lugar geométrico, el vértice se designa normalmente como $V = (h, k)$.

Eje de simetría: Es una recta vertical que divide a la parábola en dos partes congruentes y pasa por el vértice. La ecuación del eje de simetría es $x = -\frac{b}{2a}$, es decir, la abcisa del vértice.

Intercepto con eje Y: Es el valor del término independiente en la expresión $f(x) = ax^2 + bx + c$ y corresponde a la ordenada de cero: $(f(0) = c)$.

En la figura el intercepto con **Y** de cada función es: de $f(x)$, la ordenada del punto D; de $g(x)$, la ordenada del punto M y de $h(x)$, la ordenada del punto N.

Raíces o ceros de la función: Se obtienen resolviendo la ecuación cuadrática $ax^2 + bx + c = 0$. Normalmente este tipo de ecuaciones se resuelven por factorización o aplicando su fórmula general

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

La expresión subradical $b^2 - 4ac$ recibe el nombre de discriminante de la función porque determina la naturaleza de las raíces. Son tres casos:

$b^2 - 4ac > 0$. La función tiene dos raíces reales distintas. Esto significa que la gráfica corta a al eje X en dos puntos distintos que son simétricos con relación al eje de simetría de la parábola. Puntos B y C en $f(x)$.

$b^2 - 4ac = 0$. La función tiene dos raíces reales iguales. En este caso, la gráfica es tangente al eje X en el vértice de la parábola. Punto H de $h(x)$.



Fig. Func_01

$b^2 - 4ac < 0$. La función no tiene raíces reales (no interseca al eje X como en la función $g(x)$) porque la raíz cuadrada de un número menor que cero no pertenece a los reales. Por eso la función tiene dos **raíces complejas conjugadas distintas**. (Ejemplo de números complejos conjugados: $(m + ni)$ y $(m - ni)$).

profedomingohely